

## تعیین مدل بیلان آبی مناسب ماهانه در حوزه‌های آبخیز کوچک کشور (مطالعه موردی: استان آذربایجان شرقی و شمال خراسان)<sup>۱</sup>

محمد مهدوی<sup>۲</sup>مریم آذرخشی<sup>۳</sup>

### چکیده

یکی از عواملی که در طراحی سازه‌ها و کارهای آبی اهمیت ویژه دارد، دبی متوسط ماهانه حوزه می‌باشد. با توجه به نبود وسایل و تجهیزات آب سنجی در بسیاری از حوزه‌ها، می‌توان با استفاده از مدل‌های بیلان آبی ماهانه حوزه‌های معرف، دبی متوسط ماهانه حوزه‌های مشابه و فاقد ایستگاه اندازه‌گیری را برآورد کرد. مدل‌های بیلان آبی ماهانه دو نوعند: مدل‌های نوع P که ورودی آنها فقط بارش متوسط ماهانه است و مدل‌های نوع PE که ورودی آنها بارش و تبخیر و تعرق متوسط ماهانه است (۸). در این تحقیق از مدل‌های نوع PE استفاده شده است. مطالعه در اقلیم نیمه خشک و در ۱۲ حوزه در منطقه آذربایجان و شمال خراسان صورت گرفته است. پس از تهیه داده‌های دما، بارش و دبی متوسط ماهانه حوزه‌ها، توان تبخیر تعرق متوسط ماهانه از رابطه تورنت وایت محاسبه شد. سایر بخش‌های معادله بیلان مانند تبخیر و تعرق واقعی، جریان ورودی به آب زیر زمینی، ذخیره رطوبتی خاک و ذخیره رطوبت خاک حوزه در ماه قبل از طریق مدل تورنت وایت برآورد شده است. سپس با توجه به روابط منطقی، معادلات رگرسیون بین پارامترهای مختلف بیلان آبی محاسبه شد. این مدل‌ها در سطح اعتماد ۵ درصد مورد آزمون و تجزیه تحلیل قرار گرفتند. نتایج به دست آمده از آزمون t استیودنت بیانگر آن است که اختلاف بین دبی متوسط ماهانه برآورد شده از مدل، با دبی متوسط اندازه‌گیری شده در سطح اعتماد ۵ درصد از نظر آماری معنی دار نیست و با استفاده از مدل‌های بیلان آبی ماهانه می‌توان رواناب ماهانه حوزه‌های فاقد آمار را برآورد نمود.

واژه‌های کلیدی: بیلان آبی، ماهانه، حوزه‌های آبخیز کوچک، مدل‌های نوع PE، آذربایجان، خراسان.

<sup>۱</sup> - تاریخ دریافت: ۸۱/۱۱/۱۴، تاریخ پذیرش: ۸۲/۴/۱۷

<sup>۲</sup> این تحقیق با حمایت مالی معاونت پژوهشی دانشگاه تهران انجام گرفته است

<sup>۳</sup> - استاد دانشکده منابع طبیعی دانشگاه تهران (Email : mahdavi@nrf.ut.ac.ir)

<sup>۴</sup> - دانشجوی دکتری آبخیزداری، دانشکده منابع طبیعی، دانشگاه تهران

## مقدمه

تابستان و شرایط زمین‌شناسی حوزه، اثر مهمی بر عکس‌العمل حوزه نسبت به یک حالت مشخص تغییر اقلیم دارد.

میمیکو<sup>۲</sup> و همکاران، (۱۹۹۲) ابتدا مدل بیلان آبی ماهانه منطقه مورد نظر را مشخص کرده و سپس با تغییر فرضی عوامل مختلف بیلان از قبیل بارش، تبخیر، تفرق و ... به بررسی اثر تغییرات اقلیمی منطقه‌ای، روی مدیریت آب، ذخایر و تولید نیرو به‌وسیله آنالیز حساسیت آنها نسبت به گزینه‌های مختلف تغییر اقلیم پرداختند. نتایج به‌دست آمده نشان دهنده آن بود که اگر گرم شدن گلخانه‌ای با کاهش بارش سالانه همراه شود خطر ارتباط تامین مقدار آب سالانه از منابع آب و تولید انرژی افزایش می‌یابد.

کواجک<sup>۴</sup> (۱۹۹۵) به برآورد اثر تغییر اقلیم روی جریان اوج محتمل رودخانه راین پرداخت. نتایج به‌دست آمده از مدل (RHIN FLOW) که یک مدل GIS بیلان آب می‌باشد بیانگر آن بود که دبی‌های اوج محاسبه شده، به خوبی با مقادیر مشابه مشاهده شده قابل تطبیق هستند. لی‌لوا و شنگلین‌گیو<sup>۵</sup> (۱۹۹۹) از یک مدل دو پارامتره بیلان آبی ماهانه برای شبیه‌سازی روان آب در ۷۰ زیر حوزه در جنوب چین استفاده کردند. آنها در این مطالعه به این نتیجه رسیدند که مدل دو پارامتره بیلان آبی قادر به برآورد روان آب ماهانه می‌باشد.

کانونی، خلیلی و زند پارسا (۱۳۷۸) مدل بیلان آبی سالانه را در حوزه‌های فاقد آمار استان فارس مورد بررسی قرار دادند. نتایج این بررسی نشان داد که مدل به‌دست آمده می‌تواند رواناب سالانه را به‌خوبی بازسازی کند.

در این تحقیق با توجه به کمبودهای آماری عوامل مختلف بیلان آبی از یک مدل چهار پارامتره (تبخیر و

در پیش بینی وضع هیدرولوژی، عوامل چرخه آب مورد بررسی و تجزیه و تحلیل قرار می‌گیرند. از آنجا که دستیابی به آمار مستلزم وجود وسایل و دستگاه‌های اندازه‌گیری در مدت زمان طولانی می‌باشد و از طرفی این آمار خود شدیداً در معرض تغییراتی هستند که یا به‌طور طبیعی و یا توسط فعالیت‌های انسان در آنها به‌وجود می‌آید، روش‌های متعددی برای تخمین مقادیر این عوامل از طریق داده‌هایی که از مشاهدات و آمارگیری به‌دست می‌آیند، وجود دارد. یکی از این روش‌ها مدل‌سازی و یا شبیه‌سازی در هیدرولوژی است.

در بسیاری از حوزه‌های آبخیز کشور که در مناطق دور دست قرار گرفته‌اند ایستگاه‌های آب‌سنجی وجود ندارد و از طرفی برای برنامه‌ریزی و مدیریت در این حوزه‌ها نیاز است که از خروجی آب آنها اطلاعاتی به‌دست آید.

یکی از روش‌ها برای برآورد دبی در این حوزه‌ها، استفاده از مدل‌های بیلان آبی ماهانه است.

با توجه به بررسی منابع موجود در مقیاس جهانی و در دهه ۱۹۹۰، از مدل‌های بیلان آبی ماهانه در زمینه‌های مختلفی استفاده شده است (۸).

وندیوایل و همکاران<sup>۱</sup> (۱۹۹۲) یک مدل بیلان آبی ماهانه را در ۷۹ حوزه آبخیز بلژیک، چین و برمه به‌کار بردند. نتایج به‌دست آمده نشان داد که یک مدل جهانی مناسب برای تمام حوزه‌ها وجود ندارد.

آرنل<sup>۲</sup> (۱۹۹۹) از یک مدل بیلان آبی ماهانه برای بررسی عوامل کنترل‌کننده آثار تغییر اقلیم بر حوزه‌های آبخیز انگلستان استفاده کرد. به این منظور ایشان با تغییرات فرضی عوامل هواشناسی در مدل بیلان آبی ماهانه نشان داد که در مقیاس ماهانه، بیلان آب در

<sup>۲</sup>-Mimikou

<sup>۴</sup>-Kwadijk

<sup>۵</sup>-Lilua and Shenglianego

<sup>۱</sup>-Vandewiele *etal*

<sup>۲</sup>-Arnell

استان آذربایجان شرقی واقع شده و ۵ حوزه نیز در استان خراسان قرار دارند.

### روش تحقیق

چنانچه حوزه آبخیز را به‌عنوان یک سیستم فرض نماییم. بیلان آبی برای شبکه جریان آب، بر اساس قانون بقای جرم به صورت معادله (۱) بیان می‌گردد.

$$P=I+ds+Q+E+dw+V \quad (1)$$

که در این معادله:

$P$ ، مقدار بارش،  $I$ ، مقدار برگاب،  $ds$ ، تغییرات ذخیره آب در سطح حوزه (ذخیره چالابی)،  $Q$  مقدار روان آب سطحی،  $E$ ، مقدار تبخیر تعرق،  $dw$ ، تغییرات حجم آب ذخیره شده در خاک و  $V$ ، مقدار نفوذ عمقی است. در عمل با حذف دو مقدار برگاب و ذخیره چالابی، معادله بیلان به صورت ساده‌تری درمی‌آید زیرا این دو مقدار می‌توانند در برآورد تبخیر و تعرق و مقدار رطوبت خاک در نظر گرفته شوند (۳).

در این تحقیق برای رسیدن به اهداف مورد نظر، سه مرحله کاری انجام شد.

### ۱-تهیه و تنظیم داده‌ها

این مرحله شامل جمع‌آوری داده‌ها، کنترل کیفیت آمار به روش آزمون توالی و بازسازی آمار به روش نسبت نرمال بوده و برای بازسازی داده‌های دما، از روش تفاضل و گرادیان دما استفاده شده است. معادله گرادیان دما در منطقه آذربایجان و خراسان به ترتیب در جداول (۱ و ۲) آمده است، که در آن  $X$  ارتفاع به متر و  $Y$  دمای متوسط ماهانه به درجه سانتیگراد است.

### ۲-محاسبه اجزای مدل بیلان آبی

برای مدلسازی بیلان آب، باید آمار اجزا بیلان را به‌دست آورد. آمار دما، دبی و بارش متوسط ماهانه از روی آمارهای ثبت شده در ایستگاه‌های هیدرومتری و هواشناسی تهیه می‌شود، اما از آنجا که سایر اجزا بیلان مانند ذخیره آب در حوزه، تبخیر و تعرق واقعی، جریان ورودی به آب

تعرق واقعی  $ETR$ ، جریان ورودی به آب زیر زمینی  $GW$ ، ذخیره رطوبت خاک در ماه قبل  $LSM$  و رواناب ( $Q$ ) برای برآورد دبی متوسط ماهانه استفاده شد. هدف اصلی از تحقیق فعلی تعیین مدلی ساده برای بازسازی آمار رواناب متوسط ماهانه در حوزه‌های آبخیز کوچک کشور با استفاده از مدل بیلان آبی ماهانه است که در این مورد از سه عامل بارش، دما و دبی متوسط ماهانه استفاده شد.

## مواد و روش‌ها

### موقعیت حوزه‌های مورد بررسی

در انتخاب حوزه‌های آبخیز برای به‌دست آوردن معادله بیلان آبی ماهانه باید چند نکته را مد نظر قرار داد که عبارتند از:

- ۱-حوزه‌های انتخابی باید کوچک بوده، تا زمان تمرکز حوزه کم باشد و تحت تاثیر نفوذ آب‌های کشاورزی قرار نگیرند،
  - ۲-حوزه‌ها در یک اقلیم مشابه قرار گرفته باشند تا اثر اقلیم بر محاسبات از بین برود،
  - ۳-سازه‌های مخزنی، دریاچه‌های مصنوعی در حوزه نباشد،
  - ۴-حوزه‌ها از نظر فیزیوگرافی و پوشش گیاهی و زمین شناسی تقریباً شرایط یکسانی داشته باشند،
  - ۵-حوزه‌ها دارای آمار کافی و مناسب با طول زمانی مناسب باشند،
  - ۶-تعداد حوزه‌ها برای انجام محاسبات آماری کافی باشد.
- با توجه به مطالب فوق این مطالعه در حوزه‌های آبخیز کوچک (کمتر از ده هزار هکتار) انجام گرفته است که از دو منطقه آذربایجان شرقی و شمال استان خراسان انتخاب شده‌اند و براساس تقسیم بندی اقلیمی آمبروزه، جز اقلیم نیمه خشک قرار می‌گیرند که هفت حوزه آن در

P، بارش ماهانه حوزه، Et، تبخیر و تعرق واقعی ماهانه حوزه، Qd، رواناب ماهانه، Bf، جریان پایه ماهانه،  $\Delta S$ ، تغییرات ماهانه پوشش برف،  $\Delta SM$ ، تغییرات ظرفیت رطوبتی خاک و  $\Delta gw$ ، تغییرات مقدار آب زیرزمینی هستند.

این معادله نشان می‌دهد که بارش ورودی به سه جزء خروجی: تبخیر و تعرق واقعی (ETR)، روان آب سریع (Qd) و آب پایه (Bf) تقسیم می‌شود.

تمام مقادیر مدل بر حسب میلیمتر محاسبه شده و فقط دمای T بر حسب درجه سانتیگراد است.

زیرزمینی و پوشش برف در ایستگاه‌های هواشناسی و هیدرومتری کشور کمتر اندازه‌گیری می‌شوند. باید با استفاده از روش‌های تجربی برآورد گردند. در این تحقیق جهت محاسبه اجزا بیلان آبی ماهانه از مدل بیلان آبی ماهانه تورنت وایت استفاده شده است (۱۱).

معادله بیلان آبی ماهانه که تورنت وایت ارائه می‌دهد به شرح زیر است:

$$P = Et + Qd + b.f + \Delta S + \Delta SM + \Delta g.w \quad (2)$$

که در این معادله :

جدول ۱- معادلات گرادیان دما در آذربایجان

ماه	معادله گرادیان دما	r	ماه	معادله گرادیان دما	r
مهر	$y = -0.0042x + 197753$	0.167	فروردین	$y = -0.0022x + 131112$	0.74
آبان	$y = -0.0029x + 137793$	0.185	اردیبهشت	$y = -0.0025x + 18499$	0.17
آذر	$y = -0.0042x + 87531$	0.192	خرداد	$y = -0.0028x + 23442$	0.162
دی	$y = -0.0049x + 5012$	0.187	تیر	$y = -0.0027x + 27299$	0.155
بهمن	$y = -0.0047x + 51259$	0.188	مرداد	$y = -0.0026x + 271861$	0.153
اسفند	$y = -0.0028x + 77957$	0.185	شهریور	$y = -0.0026x + 251064$	0.1563

جدول ۲- معادلات گرادیان دما در خراسان

ماه	معادله گرادیان دما	r	ماه	معادله گرادیان دما	r
مهر	$y = -0.115x + 20489$	0.177	فروردین	$y = -0.107x + 20436$	0.177
آبان	$y = -0.0099x + 23258$	0.1758	اردیبهشت	$y = -0.0081x + 27561$	0.171
آذر	$y = -0.0087x + 1659$	0.177	خرداد	$y = -0.0069x + 31112$	0.161
دی	$y = -0.009x + 13593$	0.18	تیر	$y = -0.107x + 39034$	0.174
بهمن	$y = -0.0095x + 14362$	0.175	مرداد	$y = -0.1024x + 40666$	0.178
اسفند	$y = -0.101x + 18457$	0.176	شهریور	$y = -0.102x + 361885$	0.177

ذخیره رطوبت خاک (SM): برای پیدا کردن ذخیره رطوبت خاک (SM) ابتدا باید مقادیر ظرفیت آب موجود در خاک (AWC) را به دست آورد. مقدار رطوبت خاک کمتر و یا معادل AWC است در صورتی که (P-ETP) مثبت باشد ذخیره رطوبت خاک معادل AWC است و در صورتی که (P-ETP) منفی باشد، مقدار (SM) از طریق جداول و نمودار به دست می‌آید (۱۰).

محاسبه ظرفیت آب موجود در خاک (AWC): مقدار AWC به بافت خاک بستگی دارد به علت تغییر در مقدار تخلخل و اندازه خلل و فرج خاک مقدار AWC بر حسب بافت خاک تغییر می‌کند. مقدار AWC برای خاک‌های مختلف از روی جدول ارائه شده توسط سازمان حفاظت خاک آمریکا (۱۹۶۴) به دست می‌آید (۷). جدول (۳) ظرفیت نگهداری رطوبت قابل دسترس (ظرفیت آب موجود در خاک) در خاک‌های با بافت مختلف را نشان می‌دهد.

مقادیر AWC هر یک از حوزه‌ها با توجه به بافت خاک و عمق خاک که از روی نقشه‌های قابلیت اراضی منطقه به دست آمده بود محاسبه شد. خصوصیات خاکشناسی حوزه‌های مورد مطالعه و مقدار AWC محاسبه شده برای هر حوزه در جدول (۴) ارائه شده است. پس از به دست آوردن AWC پتانسیل تجمعی کمبود آب در هر ماه به دست می‌آید. این مقدار از جمع تجمعی مقادیر منفی (P-ETP) به دست می‌آید. در ماه‌هایی که (P-ETP) مثبت است، ذخیره خاک SM معادل AWC است و اگر (P-ETP) منفی باشد، مقادیر منفی با هم جمع شده و سپس مقدار ذخیره خاک SM از منحنی‌های شکل (۱) به دست می‌آید (۱۰).

بارندگی: با توجه به اینکه در حوزه‌های مورد مطالعه ایستگاه‌های برف‌سنجی وجود ندارد و آمار ایستگاه‌های مجاور نیز یا ناقص بوده و یا مربوط به دوره زمانی غیر از زمان مورد نظر بوده و یا پیوستگی زمانی در آماربرداری رعایت نشده است، در این مطالعه از وارد کردن برف در مدل صرف نظر شده است و کل بارش منطقه به صورت برف یا باران به صورت بارش P (ورودی حوزه) در نظر گرفته شده است.

محاسبه تبخیر تعرق پتانسیل حوزه: تبخیر تعرق پتانسیل ماهانه هر یک از حوزه‌ها با استفاده از روش تورنویات به دست آمده است. در این روش تبخیر و تعرق از فرمول زیر به دست می‌آید (۳).

$$ETP = 16/2 [1.0 \cdot T_i / I] \quad (3)$$

که در آن ETP، تبخیر تعرق پتانسیل ماهانه به میلی‌متر،  $T_i$  دمای متوسط ماهانه به سانتیگراد و I، شاخص حرارتی سالانه که عبارتست از مجموع شاخص‌های حرارتی ماهانه.

$$I = \sum_{i=0}^{i=12} \left( \frac{T_i}{5} \right) \quad (4)$$

مقدار  $\alpha$  نیز از رابطه زیر محاسبه می‌شود.

$$\alpha = (0.1016 + 0.15 I) \quad (5)$$

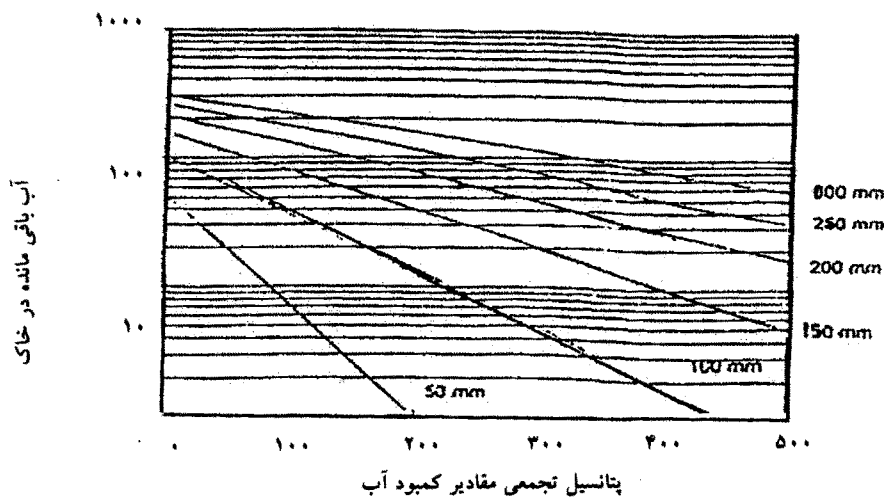
رواناب: رواناب اندازه‌گیری شده در ایستگاه‌های هیدرومتری بر حسب مترمکعب بر ثانیه است. مقدار رواناب در زمان ضرب شده و سپس بر سطح حوزه تقسیم می‌شود تا ارتفاع رواناب به میلی‌متر به دست آید. در مقیاس ماهانه تشخیص جریان پایه و رواناب مستقیم تقریباً غیر ممکن است بنابراین مجموع این دو به عنوان رواناب در نظر گرفته شده است (۱۲).

جدول ۳- ظرفیت نگهداری رطوبت قابل دسترس در خاک‌های با بافت مختلف (S.C.S, ۱۹۶۲)

اینچ آب در هرفوت خاک	بافت خاک
۰/۴ - ۰/۷۵	بافت خیلی درشت - شنی درشت
۰/۷۵ - ۱/۲۵	بافت درشت - شنی درشت، شنی ریز و لومی شنی
۱/۲۵ - ۱/۷۵	بافت نسبتاً درشت - شنی لومی و شنی لومی ریز
۱/۵ - ۲/۳	بافت متوسط - شنی لومی خیلی ریز، لومی و سیلت لومی
۱/۷۵ - ۲/۵	بافت نسبتاً ریز - لومی رسی، سیلتی لومی رسی لوم شنی رسی
۱/۶ - ۲/۵	بافت ریز - رسی شنی، رس سیلتی و رس
۲ - ۳	پیت و ماک‌ها

جدول ۲- خصوصیات خاکشناسی حوزه‌های مورد مطالعه

نام حوزه	بافت خاک	AWC (IN/FT)	عمق خاک (Cm)	خصوصیات خاکشناسی	AWC (mm)
اسبقران	نسبتاً درشت	۲/۱۲۵	۶۵	کم عمق تا نیمه عمیق سنگریزه دار	۱۱۲/۵
سهباب	نسبتاً درشت	۲/۱۲۵	۶۵	کم عمق تا نیمه عمیق سنگریزه دار	۱۱۲/۵
دریان	نسبتاً درشت	۲/۱۲۵	۶۵	کم عمق تا نیمه عمیق سنگریزه دار	۱۱۲/۵
لیقوان	ریز	۲/۰۵	۵۰	بسیار کم عمق تا نیمه عمیق بابافت سنگین	۸۵/۴
زینجناب	ریز	۲/۰۵	۵۰	بسیار کم عمق تا نیمه عمیق بابافت سنگین	۸۵/۴
لای	نسبتاً درشت	۲/۱۲۵	۶۵	کم عمق تا نیمه عمیق سنگریزه دار	۱۱۲/۵
خرمازرد	ریز	۲/۰۵	۵۰	خاکهای کم عمق تا نسبتاً عمیق سنگریزه دار	۸۵/۴
دولت آباد	درشت	۱	۵۰	خاکهای کم عمق تا نسبتاً عمیق سنگریزه دار	۶۶/۶
زشک	درشت	۱	۳۰	خیلی کم عمق تا کم عمق سنگریزه دار	۲۵/۴
عراقی	درشت	۱	۴۰	خیلی کم عمق تا کم عمق سنگریزه دار	۲۳/۳
کمرسوراخ	خیلی درشت	۰/۵۷۵	۲۵	خیلی کم عمق سنگریزه دار	۱۱/۹
حطیطه	درشت	۱	۴۰	خیلی کم عمق تا کم عمق سنگریزه دار	۲۳/۳



شکل ۱- منحنی های آب باقیمانده در خاک<sup>۱</sup>

محاسبه تبخیر تعرق واقعی (ETR): برای محاسبه تبخیر تعرق واقعی از PMI استفاده می کنیم.

$$\text{اگر } PMI > 0 \longrightarrow ETR = ETP \quad (۸)$$

$$\text{اگر } PMI < 0 \longrightarrow ETR = P - Q - \Delta SM \quad (۹)$$

تبخیر تعرق واقعی هیچگاه بیشتر از تبخیر تعرق پتانسیل نمی شود. در صورتی که آب در دسترس باشد منفی شود آن را ETR است. اگر مقدار  $ETR = ETP$  معادل صفر در نظر می گیریم (۱۰).

$$ETR < 0 \longrightarrow ETR = 0 \quad (۱۰)$$

محاسبه جریان ورودی به آب زیر زمینی (WG): در ماههایی که آب موجود در خاک در حد AWC است و مقدار  $\Delta SM$  مثبت است، آب مازاد به آب زیرزمینی اضافه می شود. کل ذخایر آب زیر زمینی معادل آب زیرزمینی ماه مورد نظر به اضافه آب زیرزمینی وارد شده از ماه قبل است (۱۰).

محاسبه تغییرات ذخیره رطوبت خاک ( $\Delta SM$ ): تغییرات ذخیره رطوبت خاک ( $\Delta SM$ ) از رابطه زیر محاسبه می شود.

$$\Delta SM = SM_i - SM(i-1) \quad (۶)$$

که  $SM_i$  ذخیره رطوبت خاک در انتهای ماه است و  $SM(i-1)$  ذخیره رطوبت در ابتدای ماه یا انتهای ماه قبل است. پس از به دست آوردن ( $\Delta SM$ ) تغییرات ذخیره رطوبت خاک مقادیر PMI (پتانسیل رطوبت اضافی)<sup>۲</sup> محاسبه می شود.

$$PMI = P - Q - ETP \quad (۷)$$

که PMI، پتانسیل رطوبت مازاد ماهانه بر حسب میلیمتر، P، بارش متوسط ماهانه بر حسب میلیمتر، Q، روان آب متوسط ماهانه بر حسب میلیمتر و ETP، تبخیر تعرق پتانسیل ماهانه بر حسب میلیمتر است (۱۰).

۱- منحنی‌ها بیانگر مقادیر آب باقیمانده در خاک یا AWC مشخص پس از تعیین پتانسیل تجمعی مقادیر کمبود آب می باشد

<sup>۲</sup> - Potential Moisture Increment

برای بازسازی آمار تبخیر تعرق واقعی از چهار پارامتر دما، ذخیره رطوبت خاک و تبخیر تعرق پتانسیل و بارش استفاده شده است. در مدل دو برای بازسازی آمار آب زیرزمینی از ذخیره رطوبت خاک استفاده شده است. در مدل سه برای تعیین ذخیره رطوبت خاک در ابتدای ماه (یا ذخیره رطوبت ماه قبل (LSM)) از دو پارامتر آب زیرزمینی و تبخیر تعرق واقعی استفاده شده است. در مدل چهار برای بازسازی آمار دبی از چهار پارامتر بارش، ذخیره رطوبت خاک در ماه قبل، تبخیر تعرق واقعی و آب زیرزمینی استفاده شده است.

پس از به دست آوردن چهار مدل فوق و آزمون آماری آنها و تعیین سطح معنی دار بودن مدل‌ها، معادلات به دست آمده در بخش دوم داده‌ها تست شده و کیفیت مدل<sup>۱</sup> به دست آمد (۱۲). برای تعیین کیفیت مدل رواناب از رابطه زیر استفاده شده است:

$$\text{Qual} = \text{O.CV} / \text{M.CV} \quad (14)$$

$$\text{CV} = S/q \quad (15)$$

که در آن:

Qual، کیفیت مدل، O.CV ضریب تغییرات رواناب مشاهده شده، M.CV ضریب تغییرات روان آب مدل می‌باشد.

ضریب تغییرات نسبت انحراف معیار S به میانگین داده‌های رواناب q می‌باشد. در جدول (۵) کیفیت رواناب براساس عامل Qual ارزیابی شده است. پس از تعیین مرحله از سری اول داده‌ها در هر یک از مناطق آذربایجان و خراسان برای به دست آوردن مدل منطقه‌ای استفاده شد. سپس این مدل‌های منطقه‌ای در تک تک حوزه‌های مربوط به هر منطقه و توسط بخش دوم داده‌ها که در رگرسیون استفاده نشده بود تست شده و کیفیت مدل در این حالت نیز به دست آمد. نتایج به دست آمده در

$$\Delta SM < 0 \longrightarrow GW = 0 \quad (11)$$

$$\Delta SM \geq 0 \longrightarrow GW = \text{PMI} - \Delta SM \quad (12)$$

$$GW < 0 \longrightarrow GW = 0 \quad (13)$$

به این ترتیب اجزای مختلف بیلان آبی ماهانه محاسبه می‌شود.

محاسبات فوق در هر سال آماری (دوره ۱۳۵۷-۱۳۷۴) و برای هر یک از دوازده ماه سال انجام گرفته است.

### ۳- مدل سازی

برای تعیین مدل بیلان آبی ماهانه که از طریق آن بتوان روان آب ماهانه را به دست آورد ابتدا نیمی از آمار به دست آمده از مراحل فوق (بارش، دما، تبخیر تعرق پتانسیل، تبخیر تعرق واقعی، ذخیره رطوبت خاک، ذخیره رطوبت خاک در ماه قبل، آب زیرزمینی و دبی متوسط ماهانه) کنار گذاشته می‌شود. یعنی آمار موجود (برای از بین بردن اثر فصل) به صورت یک سال در میان به دو قسمت مساوی تقسیم می‌شود سپس نیمی از داده‌ها برای مدل سازی استفاده شد و از نیمه دیگر داده‌ها برای کالیبره کردن مدل و آزمون دقت برآورد مدل استفاده شد.

برای به دست آوردن مدل رگرسیون چون داده‌های دما و بارش به صورت اندازه‌گیری شده موجود است و مقدار تبخیر تعرق پتانسیل از طریق فرمول‌های تجربی به دست می‌آید و مقدار ذخیره رطوبت خاک نیز از طریق جداول و نمودارها به دست می‌آید بقیه پارامترها که اندازه‌گیری نشده مانند تبخیر تعرق واقعی، آب زیرزمینی، ذخیره رطوبت خاک در ماه قبل و روان آب از طریق معادلات رگرسیون خطی چندگانه برآورد شده است. برای پیدا کردن معادلات رگرسیونی روابط منطقی بین پارامترها در نظر گرفته شده است.

به این منظور از مدل‌های رگرسیون چند متغیره خطی و روش گام به گام استفاده شده است (۱). در مدل یک



جدول (۶ و ۷) آورده شده است. سطح اعتماد مورد نظر در این مدل‌ها ۵ درصد می‌باشد.

جدول ۵ - کیفیت مدل رواناب (وندیوایل ۱۹۹۲)

Qual	کیفیت
Qual < 2	ضعیف
2 < Qual < 3	رضایت بخش
3 < Qual < 4	خوب
Qual > 4	عالی

متوسط دبی ماهانه برآورد شده از مدل در هر حوزه با متوسط دبی اندازه‌گیری شده آن حوزه با استفاده از آزمون t استیودنت در سطح ۹۵ درصد مورد مقایسه قرار گرفت و معنی‌داری وجود ندارد. نتایج به‌دست آمده نشان داد که بین دبی‌های متوسط مشاهده شده و دبی‌های برآورد شده از نظر آماری تفاوت

جدول ۶ - مدل‌های به‌دست آمده در حوزه‌های مورد مطالعه خراسان

نام حوزه	شماره مدل	مدل	R <sup>2</sup>	کیفیت مدل هر حوزه آبخیز	کیفیت مدل منطقه‌ای
دولت آباد	۱	$ETR = -0.55/0.48 + 0.796 SM + 7/923 T + 0.226P$	٪۵۸		
	۲	$GW = -9/385 + 0.762 SM$	٪۳۱		
	۳	$LSM = 31/517 + 0.427 GW + 0.319 ETR$	٪۳۸		
	۴	$Q = -0.09763 + 0.0489 ETR + 0.09893 LSM$	٪۶۵	۱/۸	۲/۷
زشک	۱	$ETR = -41/894 + 0.124 P + 7/614 T + 1/778 SM$	٪۶۱		
	۲	$GW = -3/789 + 2/202 SM$	٪۳۴		
	۳	$LSM = 10/441 + 0.165 GW + 0.126 ETR$	٪۴۰		
	۴	$Q = -0.1244 + 0.1069 P + 0.02508 ETR + 0.2631 LSM$	٪۴۰	۲/۱۲	۲/۱۲
روئین	۱	$ETR = -59/657 + 0.221 P + 2/321 T + 1/606 SM$	٪۵۶		
	۲	$GW = -9/807 + 1/99 SM$	٪۲۷		
	۳	$LSM = 16/295 + 0.21 GW + 0.205 ETR$	٪۳۲		
	۴	$Q = 0.06975 + 0.0277P + 0.00784 ETR + 0.007527 LSM$	٪۴۹	۱/۶۳	۲/۴
کمر سوراخ	۱	$ETR = -46/222 + 0.184 P + 2/712 T + 3/397 SM - 1/226 ETP$	٪۵۳		
	۲	$GW = -26/609 + 6/762 SM$	٪۲۳		
	۳	$LSM = 6/229 + 0.4750 GW + 0.17091 ETR$	٪۴۱		
	۴	$Q = -0.217 + 0.2525 ETR + 0.6823 LSM$	٪۴۹	۲/۴	۲/۱۴
کمیستان	۱	$ETR = -52/196 + 1/406 SM + 2/92 T + 0.186 P + 0.16 ETP$	٪۵۳		
	۲	$GW = -6/262 + 0.742 SM$	٪۲۶		
	۳	$LSM = 16/329 + 0.224 GW + 0.273 ETR$	٪۳۱		
	۴	$Q = 0.02123 + 0.181 P + 0.1126 ETR$	٪۴۸	۱/۵۳	۲/۹
استان خراسان	۱	$ETR = -17/274 + 0.329 P + 2/071 T + 0.292 SM - 0.127 ETP$	٪۳۹		
	۲	$GW = 12/216 + 0.505 SM$	٪۸		
	۳	$LSM = 16/423 + 0.166 GW + 0.224 ETR$	٪۱۳		
	۴	$Q = 0.1241 + 0.2223 ETR + 0.06912 GW + 0.05762 LSM$	٪۴۳		

جدول ۷- مدل‌های به‌دست آمده در حوزه‌های مورد مطالعه آذربایجان

نام حوزه	شماره مدل	مدل	R <sup>2</sup>	کیفیت مدل هر حوزه آبخیز	کیفیت مدل منطقه‌ای
اسبقران	۱	$ETR = -0.511 + 1.013 P + 0.757 T$	٪۶۷		
	۲	$GW = -2.125 + 0.9706 SM$	٪۳۲		
	۳	$LSM = 48.115 + 3.237 GW + 0.504 ETR$	٪۳۰		
	۴	$Q = -0.9 + 0.128 ETR + 0.2275 LSM$	٪۵۲	۲/۶	۲/۷
سهراب	۱	$ETR = -67.917 + 0.195 P + 1.992 T + 0.295 ETP + 0.625 SM$	٪۵۳		
	۲	$GW = -6.189 + 0.326 SM$	٪۳۶		
	۳	$LSM = 42.797 + 1.161 GW + 0.588 ETR$	٪۴۳		
	۴	$Q = 0.266 + 0.1773 ETR + 0.08615 LSM$	٪۵۱	۱/۴	۴/۳۷
دریان	۱	$ETR = -65.764 + 0.178 P + 1.704 T + 0.62 SM + 0.32 ETP$	٪۵۵		
	۲	$GW = -6.803 + 0.256 SM$	٪۴۸		
	۳	$LSM = 32.052 + 1.002 GW + 0.725 ETR$	٪۴۸		
	۴	$Q = -0.164 + 0.2721 ETR + 0.06289 LSM$	٪۴۵	۲/۸۲	۱/۸
لیقوان	۱	$ETR = -47.566 + 0.322 P + 0.513 ETP + 0.502 SM$	٪۶۹		
	۲	$GW = -2.779 + 0.322 SM$	٪۳۳		
	۳	$LSM = 35.037 + 1.073 GW + 0.227 ETR$	٪۴۴		
	۴	$Q = 0.305 + 0.238 ETR - 0.121 P + 0.06866 LSM$	٪۳۷	۴/۲۸	۵/۶۷
زینجانب	۱	$ETR = -44.978 + 0.39 P + 0.206 ETP + 0.519 SM + 1.525 T$	٪۶۸		
	۲	$GW = -5.725 + 0.322 SM$	٪۳۷		
	۳	$LSM = 38.613 + 1.1 GW + 0.329 ETR$	٪۳۴		
	۴	$Q = -0.9595 + 0.1222 ETR + 0.05279 LSM$	٪۶۴	۱/۶۴	۱/۶۱
لای	۱	$ETR = -70.921 + 1.41 T + 0.622 SM + 0.515 ETP + 0.222 P$	٪۶۶		
	۲	$GW = -7.001 + 0.396 SM$	٪۳۰		
	۳	$LSM = 44.697 + 0.903 GW + 0.507 ETR$	٪۴۰		
	۴	$Q = 0.124 + 0.1269 LSM + 0.01524 GW$	٪۳۵	۴/۴۵	۰/۷۲
خرما زرد	۱	$ETR = -28.326 + 0.262 P + 1.76 T + 0.327 SM$	٪۵۱		
	۲	$GW = -4.155 + 0.311 SM$	٪۲۲		
	۳	$SM = 22.954 + 0.325 GW + 0.825 ETR$	٪۳۱		
	۴	$Q = 0.6228 + 0.1129 P - 0.1241 GW + 0.04118 LSM$	٪۲۵	۷	۲/۸
استان آذربایجان	۱	$ETR = -22.237 + 0.254 P + 0.305 ETP + 0.386 SM + 0.929 T$	٪۵۵		
	۲	$GW = -5.22 + 0.322 SM$	٪۳۲		
	۳	$LSM = 48.806 + 1.022 GW + 0.272 ETR$	٪۳۶		
	۴	$Q = 0.7029 + 0.222 ETR + 0.189 LSM - 0.15 GW$	٪۱۶		

### بحث و نتیجه گیری

مدل بیلان آبی ماهانه در بیش از ۷۰ درصد موارد به خوبی می‌تواند رواناب ماهانه را شبیه‌سازی کند. این نتیجه با نتایج به‌دست آمده در سایر نقاط جهان قابل مقایسه است (۱۲) و تایید می‌کند که یکی از روش‌های مناسب برای بازسازی آمار رواناب مدل‌های بیلان آبی ماهانه

براساس مطالعه انجام گرفته در دو منطقه از کشور نتایج زیر به‌دست می‌آید.

۵۵ درصد متوسط رواناب برآورد شده از مدل با متوسط رواناب اندازه‌گیری شده تفاوت معنی‌داری ندارد. لذا می‌توان از مدل بیلان آبی ماهانه برای برآورد رواناب متوسط ماهانه حوزه استفاده کرد. در صورت وجود آمار برف در ایستگاه‌های برف‌سنجی و همچنین آمار ایستگاه‌های هواشناسی که بتوان تبخیر و تعرق پتانسیل را با دقت بالاتری برآورد. مدل‌های بیلان آبی می‌توانند با دقت بالاتری رواناب را برآورد نمایند.

#### تقدیر و تشکر

به این وسیله از آقای دکتر منوچهر نمیرانیان که در تجزیه و تحلیل آماری این تحقیق همکاری نموده و همچنین معاونت پژوهشی دانشکده منابع طبیعی دانشگاه تهران که هزینه‌های اجرای این تحقیق را تامین نموده اند تشکر و قدردانی می‌گردد.

هستند. در ضمن با توجه به جداول (۶ و ۷) به رغم یکسان بودن پارامترهای ورودی در مدل، مدل نهایی ممکن است با همه پارامترها و یا چند تا از پارامترها نوشته شود و بقیه پارامترها که ضریب همبستگی را کاهش داده و یا از نظر آماری همبستگی آنها معنی‌دار نیست از مدل حذف می‌شوند، از این رو مدل بیلان آبی ماهانه در هر حوزه آبخیز با حوزه دیگر تفاوت دارد و این با نتایج به دست آمده توسط وندویایل (۱۹۹۲) و لی لوا (۱۹۹۹) منطبق است. مدل‌های به دست آمده دبی‌های سیلابی را بخوبی نمی‌توانند بازسازی کنند. چون مدل براساس بارش و دبی متوسط ماهانه است و در مواقع سیلابی در یک زمان محدود حجم زیادی آب از حوزه خارج می‌شود که با شرایط متوسط تفاوت زیادی دارد، لذا مدل این شرایط را نمی‌تواند بازسازی کند. کلیه مدل‌ها در سطح ۹۵ درصد معنی‌دار هستند و در سطح اعتماد

#### منابع

- ۱- فتوحی، اکبر، فریبا اصغری، ۱۳۸۰. آموزش آنالیز آماری داده‌ها با spss8 انتشارات ناقوس.
- ۲- کانونی، امین، داورخلیلی وشاهرخ زند پارسا، ۱۳۷۸. معادله های پیش بینی رواناب سالانه در حوزه‌های فاقد آمار استان فارس با توجه به بیلان آبی حوزه‌ها، اولین همایش منطقه‌ای بیلان آب، اهواز.
- ۳- مهدوی، محمد، ۱۳۷۴. هیدرولوژی کاربردی، جلد اول، انتشارات دانشگاه تهران.
- 4-Arnell, W.Nigol, 1992. Factors Controlling the Effects of Climate Change on River Flow Regimes in Humid Temperate Environment, Journal of Hydrology , 132:320-342
- 5-Bruce.k.Ferguson, 1998. Introduction to Storm Water Managements, MCGrawhill Inc. Newyork.
- 6-Kwadijk. J, Middle Koop.h, 1995. Estimation of Impact of Climate Change on the Peak Discharge Probability of the River Rhine ,Water Resour.res,165-183
- 7- Kyngh, Yoo, 1993. Hydrology and Water Supply for Pond Aquaculture, Mc Grawhill Inc. Newyork.
- 8-Lilua. xiong, Shenglianego, 1999. A two – Parameter Monthly Water Balance Model and Its Application, Journal of Hydrology,216:111-123
- 9-Mimikou.MA, Hadjisiavva. PS, Kouvopoulos.YS, Afrataos.H, 1992. Regional Climate Change Impacts .II. Impacts on Water Management Works, Hydrological Sciences Journal ,95-108.
- 10-Stephen, A. Thompson, 1999. Hydrology for Water Management, Balkema, Netherland.
- 11-Singh,1973.Hydrolagic System, Rainfall-Runoff Modelling, Prentice.Hall.Englewood Cliffs, Newjersey

---

12-Vandewiele,G.L ,Chong xu. Xu, Ni- lar – Win, 1992. Methodology and Comparative Study of Monthly Water Balance Models in Belgium, China and Burma, Journal of Hydrology, 43:317-347.

## **A Determination of An Appropriate Monthly Water Balance In Small Watersheds of Iran (Case Study: Eastern Azarbayejan And North of Khorasan)**

**M.Mahdavi<sup>1</sup>**

**M.Azarakhshi<sup>2</sup>**

### **Abstract**

Monthly discharge is one of the most important factors to be considered in designs and hydrological works. Some basins are not equipped with needed hydrometric equipment. In such a case average monthly discharge could be estimated from regional monthly water balance models of representative basins. These models are of two types: P and PE. In P type the only input is precipitation and whereas PE type the input series are precipitation as well as potential evapotranspiration. In this study, PE type models were used in 12 basins in the semi-arid climate of Azarbayejan as well as North of Khorasan province in Iran. Following collection of data in temperature, precipitation and average monthly discharge in these basins, the potential evapotranspiration was calculated using Thornthwait formula.

Remaining parts of water balance equation including: Actual evapotranspiration, soil moisture supply of basin in each month and later months are estimated from Thornthwait model. Then, by regarding the logical relationship between parameters, the regression relationships between various parameters in water balance are established. The models are analysed at 5% confidence level. The results of the tstudent-test showed that difference between observed and estimated runoff, from models, was not significant and thus by using the monthly water balance models, the series for mean monthly discharge could be generated.

**Keywords:** Monthly water balance , Small basin, PE type models, Azarbayejan, Khorasan.

---

*1-Professor, Faculty of Natural Resources, University of Tehran (E-mail: mahdavi@nrf.ut.ac.ir)*

*2-Ph.D.,Studen, Faculty of Natural Resources, University of Tehran*